

國立中央大學 109 學年度碩士班考試入學試題

所別：土木工程學系碩士班 運輸工程組(一般生)
土木工程學系碩士班 運輸工程組(在職生)

共5頁 第1頁

科目：統計學

本科考試可使用計算器，廠牌、功能不拘

*請在答案卷(卡)內作答

計算題需計算過程，無計算過程者不予計分

1. The Probability that the lady of the house is home when the Avon representative calls is 0.7. Given that the lady of the house is home, the probability that she makes a purchase is 0.5. Find the probability that the lady of the house is home and makes a purchase when Avon representative calls. (10分)
2. 已知某禽流感確診病例共有44例，造成11人死亡。假設禽流感之平均治癒率為10%，且病患均相互隔離。試問其餘33名病患之中，至少2名治癒之機率為多少？(10分)
3. Suppose that X and Y are two random variables having the joint probability distribution

		X	
		2	4
y	f(x, y)		
	1	0.15	0.15
	3	0.15	0.25
	5	0.10	0.20

Find (a) $E(2X-3Y)$; (5分) (b) the correlation coefficient between X and Y . (5分)

4. 由一副撲克牌中以不重置的方式 (without replacement) 連續抽取兩張牌，試求 (a) 兩張牌皆為紅色之機率；(5分) (b) 兩張牌的點數皆大於3但小於8之機率。(5分)
5. 為了解中央大學男同學之身高，於校園內隨機抽取100位男同學量測其身高，得平均值為174.5 cm，標準差為7.2 cm，試建構中大男同學平均身高之98%信賴區間。(10分)
6. 某製程所生產的面板具有1200小時之平均壽命及300小時之標準差。現測試一新的製程，由100個樣本中得知其所生產的面板平均壽命為1245小時。在標準差仍維持不變的情況下，試求對立假設為新、舊製程不相同時之P值 (P-value)。(10分)
7. 同學們閒暇時間在宿舍裡玩擲骰子遊戲，為保障遊戲的公平，先行測試骰子是否公正不偏。經擲180次骰子後得知，點數1至6出現的次數依序為34次、25次、35次、26次、37次以及23次。試問在5%的顯著水準下，所擲骰子是否公正不偏？(10分)

參考用

注意:背面有試題

國立中央大學 109 學年度碩士班考試入學試題

共 5 頁 第 2 頁

所別：土木工程學系 碩士班 運輸工程組(一般生)
土木工程學系 碩士班 運輸工程組(在職生)

科目：統計學

本科考試可使用計算器，廠牌、功能不拘

*請在答案卷(卡)內作答

8. 據聞某品牌手機之市佔率高達40%，今隨機抽取10個手機用戶進行調查，若其中小於等於1人使用此品牌手機，則否定上述傳聞而認為其市佔率低於40%。(a) 假使上述傳聞為真，則此項調查檢定犯下型I錯誤 (type I error) 的機率為何？(5分)(b) 若對立假設之市佔率為25%，則犯下型II錯誤 (type II error) 的機率為何？(5分)
9. 針對某地區所做民調顯示，受訪者當中有46%的人支持某候選人的政見主張。此項調查在95%的信賴度之下抽樣最大誤差為 $\pm 3.2\%$ ，試問其有效樣本數為多少？(10分)
10. 中大土木研究所運輸工程組 9 位同學之學期報告分數 (X) 與考試分數 (Y) 分別如下：

X	77	50	71	72	81	94	96	99	67
Y	82	66	78	34	47	85	99	99	68

- (a) 試建立兩者間之線性迴歸方程式；(5分)(b) 已知 $S_{xx}=2018.2222$, $S_{yy}=3872.8889$, $S_{xy}=1568.4444$ ，試建構 β 之 95% 信賴區間，而 $\mu_{y|x} = \alpha + \beta x$ 。(5分)

參
考
用

注意：背面有試題

國立中央大學 109 學年度碩士班考試入學試題

所別：土木工程學系 碩士班 運輸工程組(一般生)

共 5 頁 第 3 頁

土木工程學系 碩士班 運輸工程組(在職生)

科目：統計學

本科考試可使用計算器，廠牌、功能不拘

*請在答案卷(卡)內作答

附 表

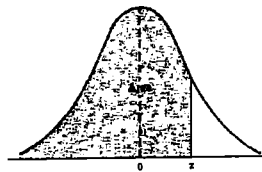


TABLE A.3 Areas Under the Normal Curve

z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0.0	.5000	.5040	.5080	.5120	.5160	.5199	.5239	.5279	.5319	.5359
0.1	.5398	.5438	.5478	.5517	.5557	.5596	.5636	.5675	.5714	.5753
0.2	.5793	.5832	.5871	.5910	.5948	.5987	.6026	.6064	.6103	.6141
0.3	.6179	.6217	.6255	.6293	.6331	.6368	.6406	.6443	.6480	.6517
0.4	.6554	.6591	.6628	.6664	.6700	.6736	.6772	.6808	.6844	.6879
0.5	.6915	.6950	.6985	.7019	.7054	.7088	.7123	.7157	.7190	.7224
0.6	.7257	.7291	.7324	.7357	.7389	.7422	.7454	.7486	.7517	.7549
0.7	.7580	.7611	.7642	.7673	.7704	.7734	.7764	.7794	.7823	.7852
0.8	.7881	.7910	.7939	.7967	.7995	.8023	.8051	.8078	.8106	.8133
0.9	.8159	.8186	.8212	.8238	.8264	.8289	.8315	.8340	.8365	.8389
1.0	.8413	.8438	.8461	.8485	.8508	.8531	.8554	.8577	.8599	.8621
1.1	.8643	.8665	.8686	.8708	.8729	.8749	.8770	.8790	.8810	.8830
1.2	.8849	.8869	.8888	.8907	.8925	.8944	.8962	.8980	.8997	.9015
1.3	.9032	.9049	.9066	.9082	.9099	.9115	.9131	.9147	.9162	.9177
1.4	.9192	.9207	.9222	.9236	.9251	.9265	.9278	.9292	.9306	.9319
1.5	.9332	.9345	.9357	.9370	.9382	.9394	.9406	.9418	.9429	.9441
1.6	.9452	.9463	.9474	.9484	.9495	.9505	.9515	.9525	.9535	.9545
1.7	.9554	.9564	.9573	.9582	.9591	.9599	.9608	.9616	.9625	.9633
1.8	.9641	.9649	.9656	.9664	.9671	.9678	.9686	.9693	.9699	.9706
1.9	.9713	.9719	.9726	.9732	.9738	.9744	.9750	.9756	.9761	.9767
2.0	.9772	.9778	.9783	.9788	.9793	.9798	.9803	.9808	.9812	.9817
2.1	.9821	.9826	.9830	.9834	.9838	.9842	.9846	.9850	.9854	.9857
2.2	.9861	.9864	.9868	.9871	.9875	.9878	.9881	.9884	.9887	.9890
2.3	.9893	.9896	.9898	.9901	.9904	.9906	.9909	.9911	.9913	.9916
2.4	.9918	.9920	.9922	.9925	.9927	.9929	.9931	.9932	.9934	.9936
2.5	.9938	.9940	.9941	.9943	.9945	.9946	.9948	.9949	.9951	.9952
2.6	.9953	.9955	.9956	.9957	.9959	.9960	.9961	.9962	.9963	.9964
2.7	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972	.9973	.9974
2.8	.9974	.9975	.9976	.9977	.9977	.9978	.9979	.9979	.9980	.9981
2.9	.9981	.9982	.9982	.9983	.9984	.9984	.9985	.9985	.9986	.9986
3.0	.9987	.9987	.9987	.9988	.9988	.9989	.9989	.9989	.9990	.9990
3.1	.9990	.9991	.9991	.9991	.9992	.9992	.9992	.9992	.9993	.9993
3.2	.9993	.9993	.9994	.9994	.9994	.9994	.9994	.9995	.9995	.9995
3.3	.9995	.9995	.9995	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9997
3.4	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9998

參考用

注意：背面有試題

國立中央大學 109 學年度碩士班考試入學試題

所別：土木工程學系 碩士班 運輸工程組(一般生)
土木工程學系 碩士班 運輸工程組(在職生)

共 5 頁 第 10 頁

科目：統計學

本科考試可使用計算器，廠牌、功能不拘

*請在答案卷(卡)內作答

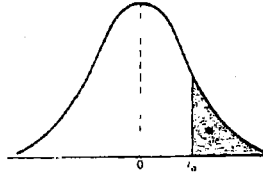


TABLE A.4 Critical Values of the *t*-Distribution

<i>v</i>	α						
	0.40	0.30	0.20	0.15	0.10	0.05	0.025
1	0.325	0.727	1.376	1.963	3.078	6.314	12.706
2	0.289	0.617	1.061	1.386	1.886	2.920	4.303
3	0.277	0.584	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182
4	0.271	0.569	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776
5	0.267	0.559	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571
6	0.265	0.553	0.906	1.134	1.440	1.943	2.447
7	0.263	0.549	0.896	1.119	1.415	1.895	2.365
8	0.262	0.546	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306
9	0.261	0.543	0.883	1.100	1.383	1.833	2.262
10	0.260	0.542	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228
11	0.260	0.540	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201
12	0.259	0.539	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179
13	0.259	0.537	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160
14	0.258	0.537	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145
15	0.258	0.536	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131
16	0.258	0.535	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120
17	0.257	0.534	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110
18	0.257	0.534	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101
19	0.257	0.533	0.861	1.066	1.328	1.729	2.093
20	0.257	0.533	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086
21	0.257	0.532	0.859	1.063	1.323	1.721	2.080
22	0.256	0.532	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074
23	0.256	0.532	0.858	1.060	1.319	1.714	2.069
24	0.256	0.531	0.857	1.059	1.318	1.711	2.064
25	0.256	0.531	0.856	1.058	1.316	1.708	2.060
26	0.256	0.531	0.856	1.058	1.315	1.706	2.056
27	0.256	0.531	0.855	1.057	1.314	1.703	2.052
28	0.256	0.530	0.855	1.056	1.313	1.701	2.048
29	0.256	0.530	0.854	1.055	1.311	1.699	2.045
30	0.256	0.530	0.854	1.055	1.310	1.697	2.042
40	0.255	0.529	0.851	1.050	1.303	1.684	2.021
60	0.254	0.527	0.848	1.045	1.296	1.671	2.000
120	0.254	0.526	0.845	1.041	1.289	1.658	1.980
∞	0.253	0.524	0.842	1.036	1.282	1.645	1.960

參考用

注意：背面有試題

國立中央大學 109 學年度碩士班考試入學試題

所別：土木工程學系 碩士班 運輸工程組(一般生)
土木工程學系 碩士班 運輸工程組(在職生)

共 5 頁 第 5 頁

科目：統計學

本科考試可使用計算器，廠牌、功能不拘

*請在答案卷(卡)內作答

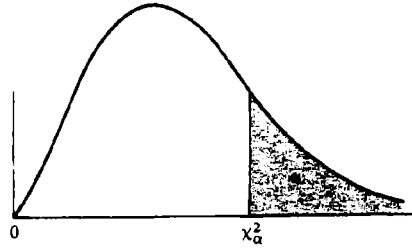


TABLE A.5 Critical Values of the Chi-Squared Distribution

v	α									
	.30	.25	.20	.10	.05	.025	.02	.01	.005	.001
1	1.074	1.323	1.642	2.706	3.841	5.024	5.412	6.635	7.879	10.827
2	2.408	2.773	3.219	4.605	5.991	7.378	7.824	9.210	10.597	13.815
3	3.665	4.108	4.642	6.251	7.815	9.348	9.837	11.345	12.838	16.268
4	4.878	5.385	5.989	7.779	9.488	11.143	11.668	13.277	14.860	18.465
5	6.064	6.626	7.289	9.236	11.070	12.832	13.388	15.086	16.750	20.517
6	7.231	7.841	8.558	10.645	12.592	14.449	15.033	16.812	18.548	22.457
7	8.383	9.037	9.803	12.017	14.067	16.013	16.622	18.475	20.278	24.322
8	9.524	10.219	11.030	13.362	15.507	17.535	18.168	20.090	21.955	26.125
9	10.656	11.389	12.242	14.684	16.919	19.023	19.679	21.666	23.589	27.877
10	11.781	12.549	13.442	15.987	18.307	20.483	21.161	23.209	25.188	29.588
11	12.899	13.701	14.631	17.275	19.675	21.920	22.618	24.725	26.757	31.264
12	14.011	14.845	15.812	18.549	21.026	23.337	24.054	26.217	28.300	32.909
13	15.119	15.984	16.985	19.812	22.362	24.736	25.472	27.688	29.819	34.528
14	16.222	17.117	18.151	21.064	23.685	26.119	26.873	29.141	31.319	36.123
15	17.322	18.245	19.311	22.307	24.996	27.488	28.259	30.578	32.801	37.697
16	18.418	19.369	20.465	23.542	26.296	28.845	29.633	32.000	34.267	39.252
17	19.511	20.489	21.615	24.769	27.587	30.191	30.995	33.409	35.718	40.790
18	20.601	21.605	22.760	25.989	28.869	31.526	32.346	34.805	37.156	42.312
19	21.689	22.718	23.900	27.204	30.144	32.852	33.687	36.191	38.582	43.820
20	22.775	23.828	25.038	28.412	31.410	34.170	35.020	37.566	39.997	45.315
21	23.858	24.935	26.171	29.615	32.671	35.479	36.343	38.932	41.401	46.797
22	24.939	26.039	27.301	30.813	33.924	36.781	37.659	40.289	42.796	48.268
23	26.018	27.141	28.429	32.007	35.172	38.076	38.968	41.638	44.181	49.728
24	27.096	28.241	29.553	33.196	36.415	39.364	40.270	42.980	45.558	51.179
25	28.172	29.339	30.675	34.382	37.652	40.646	41.566	44.314	46.928	52.620
26	29.246	30.434	31.795	35.563	38.885	41.923	42.856	45.642	48.290	54.052
27	30.319	31.528	32.912	36.741	40.113	43.194	44.140	46.963	49.645	55.476
28	31.391	32.620	34.027	37.916	41.337	44.461	45.419	48.278	50.993	56.893
29	32.461	33.711	35.139	39.087	42.557	45.722	46.693	49.588	52.336	58.302
30	33.530	34.800	36.250	40.256	43.773	46.979	47.962	50.892	53.672	59.703

參考用